

### Système isolé de deux points en interaction

#### Le référentiel barycentrique est galiléen

Le système est isolé.  $m \frac{d\vec{v}_G}{dt} = \vec{F}_{2/1} - \vec{F}_{1/2} = \vec{0}$ . G a donc un **mouvement rectiligne uniforme**.

Par définition, (B) est en translation et G y est fixe donc **(B) est galiléen**.

#### Etude dans (B) : on définit la position des points par rapport à G

$m_1 \vec{GM}_1 + m_2 \vec{GM}_2 = \vec{0}$  définit G et donne :

$$\vec{GM}_2 = \frac{m_1}{m_1 + m_2} \vec{M}_1 \vec{M}_2 \quad (1)$$

$$\vec{GM}_1 = -\frac{m_2}{m_1 + m_2} \vec{M}_1 \vec{M}_2 \quad (2)$$

On a les relations identiques sur les vitesses :

$$\frac{d\vec{GM}_2}{dt} = \vec{v}_2 = \frac{m_1}{m_1 + m_2} \frac{d\vec{M}_1 \vec{M}_2}{dt} \quad \text{et} \quad \frac{d\vec{GM}_1}{dt} = \vec{v}_1 = -\frac{m_2}{m_1 + m_2} \frac{d\vec{M}_1 \vec{M}_2}{dt}$$

On note que:  $\vec{GM}_2 = -\frac{m_1}{m_2} \vec{GM}_1 \quad (3)$

#### Mobile fictif réduit et masse réduite

On introduit un point M tel que

$\vec{GM} = \vec{M}_1 \vec{M}_2$  dont la masse serait

$$\mu = \frac{m_2 m_1}{m_1 + m_2}$$

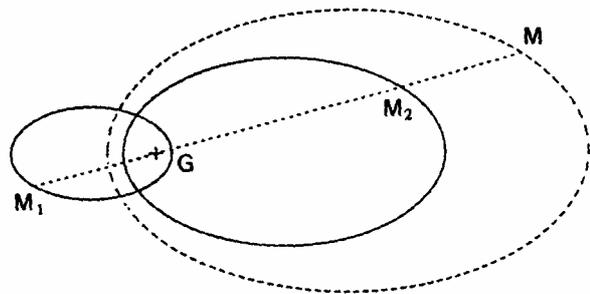


Fig. 12.2 Trajectoire barycentrique

Le schéma ci-contre illustre la relation

(1) et (2). Il montre que si on connaît le mouvement de M, ceux de  $M_1$  et  $M_2$  s'en déduisent facilement.

#### Grandeurs cinétiques dans (B)

Si on note  $\vec{v} = \frac{d\vec{M}_1 \vec{M}_2}{dt} = \frac{d\vec{GM}}{dt}$ , le mobile fictif réduit intervient dans l'expression de

- l' énergie cinétique totale des deux points dans (B) est :  $E_c = \frac{1}{2} \mu v^2 \quad (3)$

- du moment cinétique total est :  $\vec{\sigma}_G = \vec{GM} \wedge \mu \vec{v} \quad (4)$

**PFD pour les deux points dans (B) galiléen**  $m_2 \frac{d\vec{v}_2}{dt} = \vec{F}_{1/2}$  et  $m_1 \frac{d\vec{v}_1}{dt} = \vec{F}_{2/1} = -\vec{F}_{1/2}$

En remplaçant par les vitesses, elles donnent **toutes les deux** :  $\mu \frac{d\vec{v}}{dt} = \vec{F}_{1/2} \quad (5)$

#### Bilan sur la méthode du mobile équivalent

On connaît le mouvement de G donc (B). On étudie la particule fictive dans (B) par (5). On en déduit  $\vec{GM} = \vec{M}_1 \vec{M}_2$ . (1) et (2) donnent le mouvement des deux masses dans (B).

(En général, le mouvement du mobile est réduit est à force centrale. On adopte alors les méthodes propres à ce type de mouvement pour l'étude du point fictif.)