# Colles de mathématique $\psi^*$ Programme de la quinzaine 2:2 au 13 octobre

### Suites vectorielles en dimension finie

- définition de la convergence, unicité de la limite ;
- convergence et limite d'une combinaison linéaire de suites convergentes ;
- toute suite convergente est bornée ;
- suites extraites d'une suite convergente ;
- caractérisation de la convergence à l'aide des coordonnées.

## Topologie en dimension finie

- définition des points intérieurs à une partie, des parties ouvertes ;
- définition des points adhérents à une partie, des parties fermées, caractérisations séquentielles ;
- toute union, toute intersection finie d'ouverts est ouverte ; analogue pour les fermés ;
- toute boule ouverte est ouverte, toute boule fermée est fermée ;
- définition de la frontière d'une partie.

NB: rien d'autre n'est au programme.

#### Limite et continuité en dimension finie

- définition  $\varepsilon$ -esque de l'existence d'une limite en a pour une fonction f, à condition que a soit adhérent au domaine de définition de f;
- caractérisation séquentielle de l'existence d'une limite en a ;
- caractérisation à l'aide des fonctions coordonnées ;
- opérations sur les limites, composition ;
- définition de la continuité;
- continuité des applications linéaires, multilinéaires (admis), lipschitziennes, polynômiales ;
- si f est une application continue à valeurs réelles, alors  $A = \{x \mid f(x) > 0\}$  est ouvert,  $B = \{x \mid f(x) \ge 0\}$  est fermé, etc.

## **Preuves exigibles:**

- caractérisation de la convergence d'une suite à l'aide des coordonnées ;
- caractérisation séquentielle des points adhérents, des fermés ;
- caractérisation séquentielle de l'existence de  $\lim_a f$ ;
- continuité des applications linéaires.