

I.B.2.a. Pour un écoulement de Poiseuille, en utilisant el A et la donnée de perte de charge linéique a : $\Delta\bar{H}_\ell = aL$

or nous avons montré dans cette partie toujours, que

$$a = \frac{32\eta U}{\rho g D^2} \text{ donc } \Delta\bar{H}_\ell = \frac{32\eta UL}{\rho g D^2}.$$

En identifiant avec l'expression générale $\Delta\bar{H}_\ell = f \frac{L U^2}{D 2g}$ on obtient :

$$f = \frac{64\eta}{\rho U D} = \frac{64}{Re}.$$

I.B.2.b. Lecture sur le diagramme de Moody :

$$D = 0,2 \text{ m} \quad L = 8345 \text{ m} \quad Q = 30 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3 \text{s}^{-1} \quad \nu = \frac{\eta}{\rho} = 10^{-6} \text{ m}^2 \text{s}^{-1} \text{ et } Re = 1,9 \cdot 10^5$$

On lit le facteur de friction f en cherchant l'ordonnée sur l'axe vertical de gauche du point de la courbe ε/D à l'abscisse Re (cf. poly de cours).

Fonte	Rugosité relative ε/D	Coefficient de friction	$\Delta\bar{H}_\ell = f \frac{L U^2}{D 2g}$
F1 Neuve	$0,4/200 = 2 \cdot 10^{-3}$	$f_1 = 2,45 \cdot 10^{-2}$	47,5m
F2 Corrodée	$1,2/200 = 6 \cdot 10^{-3}$	$f_2 = 3,25 \cdot 10^{-2}$	63 m
F3 Déposée	$1,6/200 = 8 \cdot 10^{-3}$	$f_3 = 3,55 \cdot 10^{-2}$	69 m

I.B.3. Pour un coude de rayon 1,5m tournant à 90° , $K=0,2$ soit une perte de charge singulière $\Delta\bar{H}_s = K \frac{U^2}{2g} = 9,3 \cdot 10^{-3} \text{ m}$; or la perte de charge linéique est :

$$\Delta\bar{H}_\ell/L = 5,7 \cdot 10^{-3} \text{ m pour la fonte neuve.}$$

La perte singulière de ce coude est donc équivalente à 1,6 m de fonte neuve.

A titre de comparaison, un clapet anti-retour ($K=70$) correspond à une perte de charge de 3,25 m soit l'équivalent de $3,25 \frac{8345}{47,5} = 570 \text{ m}$.

C'est cohérent avec ce que donne l'énoncé en citant l'équivalent de plus de 500m.